

Rasyonel Sayılarla İşlemler ve Problem Çözme: Kare-Küp, Çok Adımlı İşlemler ve Gerçek Yaşam Problemleri

MAT.7.1.4. Rasyonel sayıların karesini ve küpünü işaret ve parantez kurallarına dikkat ederek hesaplar. · MAT.7.1.5. Rasyonel sayılarla çok adımlı işlemleri yapar ve gerçek yaşam problemlerini çözer.

HATIRLAYALIM

- Sıfırdan farklı her rasyonel sayının parantez karesi pozitif, küpü ise tabandaki sayının kendi işaretiyle aynıdır.
- Tam sayılı bir kesrin karesi veya küpü hesaplanırken önce tam sayılı kesir bileşik kesre dönüştürülür, sonra pay ve paydanın kuvveti alınır.
- Çok adımlı işlemlerde önce üslü ifadeler ve parantez içleri hesaplanır; merdivenli kesirlerde eşittir hizasındaki ana kesir çizgisi bölünen ile bölüneni ayırır.
- Bütünün kesir kadarı bulunurken çarpma, kesir kadarı verilen bütün bulunurken bölme yapılır; kalanın kesri sorularında her adımda geriye kalan miktar kullanılır.

1 ÇOKTAN SEÇMELİ

Görseldeki işlem kartlarında dört üslü rasyonel sayı ifadesinin değerleri hesaplanmıştır. Numaralanmış kartların hangisinde yapılan işlem yanlıştır?

1. Kart $(-\frac{3}{4})^2 = +\frac{9}{16}$

2. Kart $(-1\frac{1}{2})^2 = +\frac{5}{4}$

3. Kart $(-\frac{2}{3})^3 = -\frac{8}{27}$

4. Kart $(-1\frac{1}{3})^3 = -\frac{64}{27}$

- (A) 1. karttaki $(-\frac{3}{4})^2 = +\frac{9}{16}$ işlemi
(B) 2. karttaki $(-1\frac{1}{2})^2 = +\frac{5}{4}$ işlemi
(C) 3. karttaki $(-\frac{2}{3})^3 = -\frac{8}{27}$ işlemi
(D) 4. karttaki $(-1\frac{1}{3})^3 = -\frac{64}{27}$ işlemi

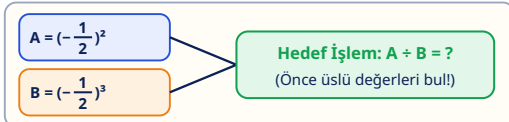
2 EŞLEŞTİRME

Sol sütundaki rasyonel sayı işlemlerini sağ sütundaki doğru sonuçlarıyla eşleştiriniz.

- (e) 1. $(-\frac{3}{5})^2$ a) $\frac{5}{3}$
(c) 2. $(-\frac{1}{4})^3$ b) $\frac{3}{2}$
(a) 3. $1 + \frac{2}{3}$ c) $-\frac{1}{64}$
(b) 4. $1 \div (1 - \frac{1}{3})$ d) 30
(d) 5. 80 sayısının $\frac{3}{4}$ 'ünün $\frac{1}{2}$ 'si e) $+\frac{9}{25}$

3 KISA CEVAP

Görseldeki işlem ağacında verilen $(-\frac{1}{2})^2$ ve $(-\frac{1}{2})^3$ değerlerini bularak A ÷ B bölümünün sonucunu adım adım hesaplayınız.



A = $+\frac{1}{4}$ ve B = $-\frac{1}{8}$ olur; A ÷ B = $(+\frac{1}{4}) \div (-\frac{1}{8}) = -2$ bulunur.

4 TABLOYU TAMAMLA

Görseldeki şemada verilen rasyonel sayıların karesini ve küpünü işaret kurallarına dikkat ederek tabloya yazınız. İlk satır örnektir.

1. Sayı $(-\frac{2}{5})$

2. Sayı $(+\frac{3}{4})$

3. Sayı $(-1\frac{1}{2})$

4. Sayı $(-\frac{1}{3})$

Rasyonel Sayı	Bileşik Kesir Hâli	Karesi (2. Kuvvet)	Küpü (3. Kuvvet)
$(-\frac{2}{5})$	$-\frac{2}{5}$	$+\frac{4}{25}$	$-\frac{8}{125}$
$(+\frac{3}{4})$	$+\frac{3}{4}$	$+\frac{9}{16}$	$+\frac{27}{64}$
$(-1\frac{1}{2})$	$-\frac{3}{2}$	$+\frac{9}{4}$	$-\frac{27}{8}$
$(-\frac{1}{3})$	$-\frac{1}{3}$	$+\frac{1}{9}$	$-\frac{1}{27}$

5 ÇOKTAN SEÇMELİ

Görseldeki K ve L merdivenli kesir işlemlerinde ana kesir çizgileri eşittir işaretinin hizasında gösterilmiştir. Buna göre K + L toplamının sonucu kaçtır?

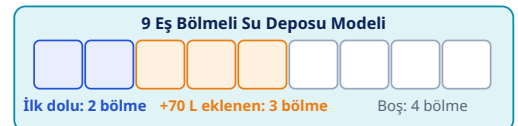
1. Merdivenli İşlem (K)
 $K = \frac{\frac{2}{3}}{4}$ (Ana çizgi)

2. Merdivenli İşlem (L)
 $L = \frac{2}{\frac{3}{4}}$ (Ana çizgi)

- (A) $\frac{17}{6}$ (B) $\frac{13}{6}$
(C) $\frac{11}{6}$ (D) $\frac{7}{6}$

6 ÇOKTAN SEÇMELİ · DÜŞÜN

Görseldeki su deposunun başlangıçta $\frac{2}{9}$ 'u doludur. Depoya 70 litre daha su eklendiğinde deponun $\frac{5}{9}$ 'u dolduğuna göre bu deponun tamamı kaç litre su alır?



- (A) 150 (B) 180 (C) 210 (D) 240

7 DOĞRU MU, YANLIŞ MI?

Rasyonel sayıların kuvvetleri, çok adımlı işlemler ve problemlerle ilgili ifadelerden doğru olanların D, yanlış olanların Y kutusunu işaretleyiniz.

- | | D | Y |
|--|-------------------------------------|-------------------------------------|
| Sıfırdan farklı negatif bir rasyonel sayının parantez karesi her zaman pozitifdir. | ☒ | ☐ |
| Negatif bir rasyonel sayının küpü alındığında sonuç pozitif işaretli olur. | ☐ | ☒ |
| Merdivenli kesirlerde eşittir işaretinin hizasındaki ana kesir çizgisi bölünen ile bölünen belirler. | ☒ | ☐ |
| Bir çokluğun kesir kadarı verilirse tamamını bulmak için verilen sayı kesre bölünür. | ☒ | ☐ |
| $(-\frac{2}{3})^3$ ifadesinin değeri $(-\frac{2}{3})^2$ ifadesinin değerinden daha büyüktür. | ☐ | ☒ |

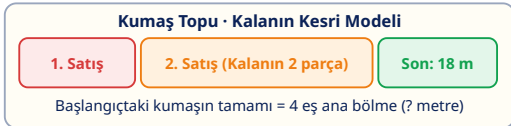
8 SİRALAMA

$1 + \frac{2}{1 - \frac{1}{3}}$ çok adımlı işleminin sonucunu bulmak için izlenecek işlem adımlarını baştan sona doğru 1'den 4'e kadar sıralayınız.

- 3 Bulunan 3 değerini baştaki 1 tam sayısı ile toplamak
- 1 En alttaki paydada yer alan $1 - \frac{1}{3}$ çıkarma işlemini yaparak $\frac{2}{3}$ değerini bulmak
- 4 İşlemin en sade sonucunu $1 + 3 = 4$ olarak yazmak
- 2 Ana kesir çizgisinin üstündeki 2 sayısını $\frac{2}{3}$ kesrine bölerek $2 \cdot \frac{3}{2} = 3$ sonucuna ulaşmak

9 ÇOKTAN SEÇMELİ - DÜŞÜN

Görseldeki kumaş topunun önce $\frac{1}{4}$ 'ü, daha sonra kalan kumaşın $\frac{2}{3}$ 'ü satılmıştır. Geriye 18 metre kumaş kaldığına göre başlangıçta kumaş topunun tamamı kaç metredir?



- (A) 48 (B) 54 (C) 60 (D) 72

10 ÇOKTAN SEÇMELİ

Görselde Tuna'nın $[1 - (-\frac{1}{2})^2] \div \frac{3}{8}$ çok adımlı işlemini çözerken yazdığı üç adım verilmiştir. Tuna bu işlemin sonucunda hangi sayıya ulaşır?



- (A) 1 (B) 2 (C) 3 (D) 4

11 KISA CEVAP

Görseldeki şemada 135 cm yükseklikten serbest bırakılan esnek bir topun yere her çarptığında düştüğü yüksekliğin $\frac{2}{3}$ 'ü kadar yükseldiği modellenmiştir. Top yere 2. çarpmasından sonra kaç cm yükselir?



1. çarpma: $135 \cdot \frac{2}{3} = 90$ cm; 2. çarpma: $90 \cdot \frac{2}{3} = 60$ cm yükselir.

12 ŞİFRELE KELİME

İpuçlarına karşılık gelen kavramları kutulara yazınız. Turuncu kutulardaki harfler, bir rasyonel sayının kendisiyle çarpımını anlatan terimi oluşturur.

Bir sayının kendisiyle kaç kez çarpılacağını gösteren üstteki sayı

K U V V E T

Merdivenli kesirlerde eşittir hizasındaki en uzun kesir çizgisi

A N A

İki tam sayının oranı biçiminde yazılabilen sayıların kümesi

R A S Y O N E L

Tam sayılı kesrin kuvveti alınmadan önce dönüştürüldüğü kesir türü

B İ L E Ş İ K

Turuncu kutulardaki harfler yukarıdan aşağıya:

K A R E

13 BOŞLUK DOLDURMA

Cümlelerdeki boşlukları kutudaki kavramlarla tamamlayınız. Bir kavram artacaktır.

(bileşik) (çarpma) (pozitif) (negatif) (ana)

- Negatif bir rasyonel sayının küpü daima **negatif** işaretlidir.
- Tam sayılı kesirlerin karesi alınırken önce **bileşik** kesre çevrilir.
- Bir bütünün kesir kadarnı bulmak için **çarpma** işlemi yapılır.
- Eşittir hizasındaki en uzun çizgiye **ana** kesir çizgisi denir.

14 AÇIK UÇLU - DÜŞÜN

Görseldeki karşılaştırma kartlarında $(-\frac{3}{5})^2$ ile $-(\frac{3}{5})^2$ ifadeleri verilmiştir. Parantezin yeri nedeniyle bu iki ifadenin sonuçlarının neden farklı çıktığını açıklayınız.



İlk ifadede eksi parantez içinde olduğundan $+\frac{9}{25}$, ikincide dışarıda olduğundan $-\frac{9}{25}$ çıkar.