

## Üslü İfadeler: Tam Sayı Kuvvetleri ve Temel Kurallar

M.8.1.2.1. Tam sayıların, tam sayı kuvvetlerini hesaplar. • M.8.1.2.2. Üslü ifadelerle ilgili temel kuralları anlar, birbirine denk ifadeler oluşturur.

### HATIRLAYALIM

- Sıfırdan farklı her  $a$  tam sayısının sıfırıncı kuvveti 1'dir ( $a^0 = 1$ ); negatif üste tabanın çarpmaya göre tersi alınır ve negatif tabanda parantez işaretin kuvvete katılıp katılmadığını belirler.
- Aynı tabana sahip iki ifade çarpıldığında kuvvetlerin toplamı, bölündüğünde ise kuvvetlerin farkı ortak tabanın yeni üssü olarak yazılır.
- Kuvvetleri birbirine eşit olan ifadelerde çarpma yapılırken tabanların çarpımı, bölme yapılırken tabanların bölümü ortak kuvvetin altına yazılır.
- Üslü bir ifadenin kuvveti alınırken üsler çarpılır ( $(a^b)^c = a^{b \cdot c}$ ); bu kuralla aynı değeri veren denk üslü ifadeler oluşturulur.

### 1 TABLOYU TAMAMLA

Görseldeki kuvvet örüntüsünden yararlanarak tablodaki üslü ifadelerin pozitif üslü yazılışlarını ve değerlerini yazınız. İlk satır örnektir.

|       |       |       |               |               |
|-------|-------|-------|---------------|---------------|
| $3^2$ | $3^1$ | $3^0$ | $3^{-1}$      | $3^{-2}$      |
| 9     | 3     | 1     | $\frac{1}{3}$ | $\frac{1}{9}$ |

| Üslü ifade         | Pozitif üslü yazılışı | Değeri        |
|--------------------|-----------------------|---------------|
| $3^{-2}$           | $\frac{1}{3^2}$       | $\frac{1}{9}$ |
| $2^{-5}$           |                       |               |
| $\frac{1}{4^{-3}}$ |                       |               |
| $(-3)^{-3}$        |                       |               |

### 2 EŞLEŞTİRME

Sol sütundaki üslü ifade işlemlerini sağ sütundaki eşdeğer sonuçlarıyla eşleştiriniz. Harfleri kutulara yazınız.

- |                                                |          |
|------------------------------------------------|----------|
| <input type="checkbox"/> 1. $3^8 \cdot 3^{-5}$ | a) $6^5$ |
| <input type="checkbox"/> 2. $\frac{3^4}{3^2}$  | b) $3^6$ |
| <input type="checkbox"/> 3. $(3^{-2})^{-4}$    | c) $3^8$ |
| <input type="checkbox"/> 4. $3^5 \cdot 2^5$    | d) $3^4$ |
| <input type="checkbox"/> 5. $\frac{18^4}{6^4}$ | e) $3^3$ |

### 3 BOŞLUK DOLDURMA

Boşlukları kutudaki uygun sözcüklerle tamamlayınız.

- denk   çıkarılır   toplanır   bölünür   tersi   çarpılır
- Negatif üste tabanın çarpmaya göre \_\_\_\_\_ alınır.
  - Aynı tabanlı ifadeler çarpılırken üsler \_\_\_\_\_.
  - Aynı tabanlı ifadeler bölünürken üsler \_\_\_\_\_.
  - Üslü ifadenin kuvveti alınırken üsler \_\_\_\_\_.
  - Aynı değeri veren üslü yazılışlara \_\_\_\_\_ denir.

### 4 ÇOKTAN SEÇMELİ

Numaralanmış dört kartta negatif tabanlı veya negatif üslü ifadelerin değerleri hesaplanmıştır. Hangi karttaki eşitlik yanlıştır?

I. kart  
 $(-4)^2 = 16$

II. kart  
 $-4^2 = 16$

III. kart  
 $(-2)^{-3} = -\frac{1}{8}$

IV. kart  
Tersi karesi:  $\frac{9}{4}$

- (A) I. kart:  $(-4)^2 = 16$       (B) II. kart:  $-4^2 = 16$   
(C) III. kart:  $(-2)^{-3} = -\frac{1}{8}$       (D) IV. kart:  $(\frac{2}{3})^{-2} = \frac{9}{4}$

### 5 DOĞRU MU, YANLIŞ MI?

Doğru olan ifadelerin yanındaki D kutusunu, yanlış olanların yanındaki Y kutusunu işaretleyiniz.

|                                                                                             | D                        | Y                        |
|---------------------------------------------------------------------------------------------|--------------------------|--------------------------|
| Sıfırdan farklı her tam sayının sıfırıncı kuvveti 1'e eşittir.                              | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> |
| Bir sayının üssünün negatif olması, o ifadenin sonucunu her zaman negatif yapar.            | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> |
| Tabanları aynı iki üslü ifade çarpılırken üsler toplanır ve ortak tabana üs olarak yazılır. | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> |
| $\frac{6^5}{6^{-2}}$ bölme işleminin sonucu $6^3$ ifadesine eşittir.                        | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> |
| $2^{15}$ ifadesi, üssün üssü kuralıyla $8^5$ biçiminde de yazılabilir.                      | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> |

### 6 KISA CEVAP

Görseldeki üç terimli işlem kartında verilen A, B ve C kutularının değerlerini bularak  $A + B - C$  işleminin sonucunu hesaplayınız.

|                      |                                |                   |
|----------------------|--------------------------------|-------------------|
| A Kutusu<br>$(-3)^2$ | B Kutusu<br>$\frac{1}{2^{-4}}$ | C Kutusu<br>$7^0$ |
|----------------------|--------------------------------|-------------------|

### 7 ÇOKTAN SEÇMELİ

Görseldeki işlem ağacında üstteki kutularda yer alan üslü ifadeler okların gösterdiği kurallara göre işleme sokulacaktır. Buna göre en alttaki M kutusuna yazılacak üslü ifade aşağıdakilerden hangisidir?



- (A)  $2^6$  (B)  $2^{10}$  (C)  $2^{14}$  (D)  $2^{18}$

### 8 ÇOKTAN SEÇMELİ

Görselde verilen yürüyüş parkurunun toplam uzunluğu  $3^7$  metredir. Parkurun başına ve sonuna da birer aydınlatma direği dikilmek şartıyla eşit aralıklarla toplam 82 direk dikildiğine göre ardışık iki direk arasındaki uzaklık kaç metredir?



- (A) 9 (B) 27 (C) 81 (D) 243

### 9 ŞİFRELE KİLİME

İpuçlarına uyan matematik kavramlarını kutulara yazınız. Turuncu kutulardaki harfler üslü ifadede tekrarlı çarpılan sayının adını oluşturur.

- Negatif üslü ifadeyi pozitive çevirirken tabanın çarpmaya göre alınan durumu ☐ ☐ ☐ ☐ ☐
- Yalnız 1'e ve kendisine bölünebilen, 1'den büyük doğal sayı ☐ ☐ ☐ ☐ ☐
- Tabanları aynı iki üslü ifadede üslerin çıkarıldığı işlem ☐ ☐ ☐ ☐ ☐
- Eşit aralıklı direk sorularında direk sayısının 1 eksiği olan bölüm ☐ ☐ ☐ ☐ ☐ ☐
- Sıfırdan küçük olan sayıların taşıdığı işaret ☐ ☐ ☐ ☐ ☐ ☐

Turuncu kutulardaki harfler yukarıdan aşağıya:

### 10 AÇIK UÇLU · DÜŞÜN

Görseldeki kartta Tuna,  $(-2^4)^3$  ile  $(-2^3)^4$  ifadelerinin ikisinin de pozitif ve  $2^{12}$ 'ye eşit olduğunu söylemiştir. Tuna'nın hangi ifadede işaret hatası yaptığını parantezin dışındaki kuvvete göre açıklayınız.

1. İfade (Dış kuvvet: 3 tek)

$$(-2^4)^3$$

Taban negatif, kuvvet tek

2. İfade (Dış kuvvet: 4 çift)

$$(-2^3)^4$$

Taban negatif, kuvvet çift

### 11 TABLOYU TAMAMLA

Görseldeki denk ifade halkalarını inceleyerek  $2^{18}$  ifadesine eşit olan farklı tabanlı yazılışları tabloda tamamlayınız. İlk satır örnektir.

Temel İfade:  $2^{18}$  (Üslerin Çarpımı = 18)

$$4 = 2^2$$

$$8 = 2^3$$

$$64 = 2^6$$

$$512 = 2^9$$

| İstenen taban       | Üssün üssü yazılışı | Denk üslü ifade |
|---------------------|---------------------|-----------------|
| 4 ( $4 = 2^2$ )     | $(2^2)^9$           | $4^9$           |
| 8 ( $8 = 2^3$ )     |                     |                 |
| 64 ( $64 = 2^6$ )   |                     |                 |
| 512 ( $512 = 2^9$ ) |                     |                 |

### 12 SIRALAMA

Görseldeki beş sayı kartında verilen üslü ifadeleri değerlerine göre en küçükten (1) en büyüğe (5) doğru sıralayınız.

Kart 1

$$-2^3$$

Kart 2

$$(-2)^{-1}$$

Kart 3

$$2^{-2}$$

Kart 4

$$9^0$$

Kart 5

$$\frac{1}{2^{-3}}$$

- ☐  $2^{-2}$
- ☐  $\frac{1}{2^{-3}}$
- ☐  $9^0$
- ☐  $-2^3$
- ☐  $(-2)^{-1}$

### 13 KISA CEVAP · DÜŞÜN

Görseldeki dikdörtgen levhanın kısa kenar uzunluğu  $4^5$  cm, uzun kenar uzunluğu  $8^4$  cm'dir. Levhanın alanını ve bir kenarı  $2^7$  cm olan eş kare etiketlerden bu levhaya üst üste gelmeden kaç adet sığacağını bulunuz.

$$2^7$$

Uzun kenar:  $8^4$  cm

Kısa kenar:  $4^5$  cm

Eş Kare Etiket

Kenar =  $2^7$  cm

### 14 ÇOKTAN SEÇMELİ · DÜŞÜN

$25^4 \cdot 8^5$  çarpımının sonucu kaç basamaklı bir doğal sayıdır?

- (A) 9 (B) 10 (C) 11 (D) 12